

Un drôle d'ascenseur

Imaginez un gratte-ciel géant avec un million d'étages. Pour des raisons budgétaires, son unique ascenseur n'a pu être équipé que d'un petit nombre de boutons :

- un bouton classique, étiqueté 0, dont une simple pression fait redescendre au rez-de-chaussée ;
- et quelques boutons « relatifs », munis chacun d'une étiquette de la forme $+n$, permettant de monter de n étages quel que soit celui où l'on se trouve.

Par exemple, un bouton étiqueté $+5$ fait monter de 5 étages, où que l'on soit.
Si l'on est au 27^{ème} étage, on atteindra le 37^{ème} étage en appuyant deux fois sur ce bouton.



Question : Quels étages sont-ils accessibles à partir du rez-de-chaussée, en appuyant tant qu'on veut sur les quelques boutons relatifs disponibles ?

On pourra, pour commencer, se contenter de deux boutons relatifs.